

EFECTOS DINAMICOS EN GRIETAS EN LAS INMEDIACIONES DE UNA SUPERFICIE LIBRE

FRANCISCO CHIRINO GODOY
 ESCUELA TECNICA SUPERIOR DE INGENIEROS INDUSTRIALES DE LAS PALMAS
 JOSE DOMINGUEZ ABASCAL
ESCUELA TECNICA SUPERIOR DE INGENIEROS INDUSTRIALES DE SEVILLA

RESUMEN .- En esta comunicación se presenta, una forma de calcular la evolución del Factor de Intensidad de Tensiones con la frecuencia, cuando un tren de ondas que se propaga en un medio elástico semi-infinito, incide en una grieta que está próxima a la superficie libre del mismo. Se emplea el Método de los Elementos de Contorno con un elemento singular, desarrollado con anterioridad para problemas estáticos. Los resultados obtenidos se comparan con los de otros autores.

ABSTRACT.- In this paper a procedure for computation of the variation of the Stress Intensity Factor versus frequency is presented. The problem of a crack near the free surface of an uniform half-space when impinged by harmonic waves is studied. The problem is analysed by means of the Boundary Element Method with a singular element that was previously developed for static problems. Results are compared with other authors.

1. INTRODUCCION

La cantidad de estudios, sobre la concentración de tensiones en las proximidades del vértice de las grietas, es enorme en los últimos años. Debido al complejo del problema, existe mucho mayor avance de conocimiento cuando el problema es estático; sin embargo en la mayoría de los casos los sistemas trabajan en régimen dinámico de cargas. Es necesario pues, considerar los efectos dinámicos que se producen, en las proximidades de los vértices de las grietas, cuando las cargas actuantes varían con el tiempo. Lo cual se traduce en ondas elásticas que se propagan a través del medio.

Como ya ha sido puesto de manifiesto en numerosas ocasiones (1,2,3),

los efectos dinámicos hacen que el Factor de Intensidad de Tensiones sea, sensiblemente superior al que se produciría ante cargas estáticas, de igual amplitud, y el objetivo es determinar con precisión estos efectos.

En la presente comunicación se trata el caso, que se presenta con relativa frecuencia, cual es, el de la existencia de una grieta cercana a la superficie libre del material, producida ésta por múltiples causas, siendo una de las más comunes los defectos de fabricación.

Las tensiones en las inmediaciones de los vértices de una grieta en un medio plano infinito, cuando se encuentra sometido a cargas está-

ticas o dinamicas tienen la siguiente expresion:

$$\sigma_{11} = \frac{K_i}{r} \cos \frac{\theta}{2} (1 - \sin \frac{\theta}{2}) -$$

$$\frac{K_{II}}{r} \sin \frac{\theta}{2} (1 + \cos \frac{\theta}{2}) \cos \frac{3\theta}{2} + O(1)$$

$$\sigma_{22} = \frac{K_I}{\sqrt{2\pi r}} \cos \frac{\theta}{2} (1 + \sin \frac{\theta}{2}) \sin \frac{3\theta}{2} +$$

$$\frac{K_{II}}{\sqrt{2\pi r}} \sin \frac{\theta}{2} \cos \frac{\theta}{2} \cos \frac{3\theta}{2} + O(1)$$

$$a_{12} = \frac{K_{II}}{r} \sin \frac{\theta}{2} \cos \frac{\theta}{2} \cos \frac{3\theta}{2} + \frac{K_{III}}{r}$$

$$\cos \frac{\theta}{2} (1 - \sin \frac{\theta}{2}) \sin \frac{3\theta}{2} + O(1)$$

Siendo r la distancia al vertice de la grieta y θ el Angulo respecto al eje de la grieta (Fig 1), KI y KII son los Factores de Intensidad de Tensiones en los modos de apertura y deslitemiento, dependiendo estos de la geometria de la grieta, sollicitación y características del material.

Las expresiones de los movimientos en torno al vértice de la grieta son:

$$u_{11} = \frac{K_I}{r} \cos \frac{\theta}{2} (1 - \nu + \sin^2 \frac{\theta}{2}) +$$

$$\frac{K_{II}}{r} \sin \frac{\theta}{2} (2 - 2\nu + \cos^2 \frac{\theta}{2}) + O(1)$$

$$u_{22} = \frac{K_{II}}{r} \sin \frac{\theta}{2} (2 - 2\nu - \cos^2 \frac{\theta}{2}) +$$

$$\frac{K_I}{r} \cos \frac{\theta}{2} (-1 + 2\nu + \sin^2 \frac{\theta}{2}) + O(1)$$

Donde μ es el Módulo de Elasticidad Transversal y ν es el Módulo de Poisson. Estas expresiones definen el campo de tensiones y movimientos, tanto en rgimen estático como dinámico. En este último, si la sollicitación es armónica, las variables también lo serán, y las expresiones anteriores definirán la amplitudes del Factor de Intensidad de Tensiones en función de la frecuencia de excitación.

A continuación se revisa, en forma muy breve, como puede emplearse eficazmente el Método de los Elementos de Contorno, para el cálculo de los Factores de Intensidad de Tensiones estáticas y dinámicas, y se estudia la difracción de ondas por una grieta, que dista una distancia determinada del borde libre de un medio plano semiinfinito.

2, EL METODO DE LOS ELEMENTOS DE CONTO EN EL CALCULO DE FACTORES DE INTENSIDAD DE TENSION.-

La determinación del campo de tensiones y movimientos en las proximidades del vértice de una grieta, puede ser abordado mediante el M.E.C. siguiendo algunos de los procedimientos siguientes:

- 1) Incorporando funciones especiales de Green para un medio fisurado infinito. Procedimiento solo desarrollado en Estática (4)
- 2) Dividiendo el dominio en subregiones de forma tal que, se haga pasar a través de la grieta un contorno, para así tener los labios de la grieta, en dos subregiones diferentes. (5)
- 3) Empleando una discretización integral que solo implique discretizar la grieta, como un único contorno. Las variables a determinar son diferencias de desplazamiento, en ambos bordes de la grieta. Este procedimiento solo está desarrollado en estática. (6)

De los tres caminos citados, se ha optado por seguir el segundo de ellos, haciendo uso además, de un elemento especial, el cual, tiene el nodo central situado a un cuarto de uno de sus extremos (elemento a un cuarto).

Con este cambio en la geometría se consigue, representar correctamente el campo de movimientos, en el vértice de la grieta. Para representar el comportamiento asintótico de las tensiones, se emplean unas funciones de forma especiales singulares. El uso de este elemento singular, permite hallar el r.I.T. directamente a partir del valor nodal en el vertice de la grieta. Así los resultados obtenidos, son más precisos y menos dependientes de la discretización. (5)

3, DIFRACCION DE ONDAS POR UNA GRIETA EN UN MEDIO PLANO SEMIINFINITO

Este problema ha sido resuelto recientemente por Keer y sus colaboradores (7), los cuales consideran una grieta en un semiespacio infinito que, dista una distancia determinada de la superficie libre (Fig 2). Emplean en su artículo la solución fundamental correspondiente a una dislocación en el semiespacio infinito,

la cual aplicada a la grieta, conduce a unas funciones de Hankel combinadas con integralea de contorno. La combinación de esta técnica con el Método de Colocación, da lugar a un sistema de ecuaciones integrales, que hay que resolver numericamente. En las proximidades de la frecuencia de resonancia, el sistema se hace inestable, y la solución es aproximada para resolver el problema mediante el H.I.C. se pueden elegir dos alternativas,

- 1) Tomando como solución fundamental, la correspondiente a una carga armónica en el espacio infinito.
- 2) Dejar en el espacio infinito.

La ventaja de utilizar la primera, estriba en la mayor sencillez de dicha solución frente a la segunda; el inconveniente se presenta en las condiciones de contorno del borde libre, que no son satisfechas intrínsecamente, y por tanto, hay que forzarlas a que se cumplan, discretizando el borde libre imponiendo en él las condiciones de contorno.

De cualquier forma, la discretización hay que prolongarla hasta el infinito. Sin embargo la influencia sobre el campo de tensiones y movimientos en las inmediaciones del vértice de la grieta, es cada vez menor conforme se aleja del vértice. Por tanto se le trunca a una distancia lo suficiente para alejar de la grieta, el error es despreciable.

La figura 3 muestra la discretización con Elemento de Contorno empleada, tanto el borde libre como los contornos internos, se extienden hasta una distancia de 15 veces la semilongitud de la grieta. Todos los elementos son cuadráticos, y los situados en el vértice de la grieta son angulares (elemento a un cuarto).

El campo incidente es una tensión uniforme aplicada sobre $x_2 = 0$, el cual, por superposición, puede considerarse como una tensión uniforme aplicada en los labios de la grieta igual y de signo contrario a la aplicada en el borde libre. La tensión y movimientos se deducen de la potencial solución de la ecuación de ondas, siguientes,

$$\psi = \exp\{-i\omega(x_1 \cos \alpha + x_2 \sin \alpha + Ct)\}$$

para la onda p y

$$\psi = \exp\{-i\omega(x_1 \cos \alpha + x_2 \sin \alpha + Ct)\}$$

para la onda sv , siendo α el ángulo que la onda forma con el eje x_1 , y C_p y C_s las velocidades de las ondas p y s respectivamente. ω es la frecuencia y

i, j, k las amplitudes (Fig. 4).

Los desplazamientos y Tensiones pueden obtenerse por derivación de estos potenciales. El módulo Poisson empleado es de 0.3, siendo el estado de deformación plana. En las figuras 5 y 6 se muestran los valores de los Factores de Intensidad de Tensión de Modo I y Modo II en función de la frecuencia adimensional, normalizado respecto a su valor estático. La velocidad empleada en la normalización es la de la onda de Rayleigh en el medio. Se muestran valores de K_I y K_{II} para distintas profundidades relativas de la grieta y los resultados se comparan con los obtenidos por Keer et al. (7). Como puede apreciarse, el acuerdo entre ambos grupos de resultados es bueno, siendo más simple y general la aplicación de Método de los elementos de contorno que aquí se propone.

4. CONCLUSIONES.

Se ha mostrado como el Método de Elementos de Contorno, en combinación con un elemento singular, permite el análisis de problemas de difracción de ondas en torno a una grieta.

En la presente comunicación, se ha tratado un problema de geometría infinita, poniéndose de manifiesto la versatilidad del método.

El problema tratado es de gran importancia debido a que existen métodos de detección de defectos superficiales basados en el comportamiento dinámico ante la incidencia de ondas generadas artificialmente. El análisis de este comportamiento es así mismo imprescindible para el estudio de la eventual propagación de grietas próximas a la superficie.

5. REFERENCIAS

1. Aberson J.A., Anderson J.M., King W.W. Dynamic analysis of cracked structure using singularity finite elements, Capítulo 5, Elastodynamics Crack Problems, Editor: G.C.Sih, Noordhoff Leyden, 1977.
2. Domínguez J., Alarcón E. "Elastodynamics" Capítulo 7 en Progress in Boundary Elements Methods, Vol 1, Editor, C.A. Brebbia, Pentech Press, Plymouth, 1981.
3. Chirino F., Domínguez J. "Cálculo de Factores de Intensidad de Tensión mediante un elemento de Contorno Singular". Anales de Ingeniería Mecánica, 3-2 pp 77-81, 1985.
4. Irwin G.R. "Fracture", Encyclopedia of Physics, Editor, S. Flugge, Springer-Verlag, Berlin, 1958.

5. Hartinaz J., Dominguez J. "on the use of the quarter-point boundary elements for stress intensity factors computation", Int. J. Num. Met. Eng. Vol 20, 1984.

6. Niwa Y., Kirose S. "Applications of the B.E.M. to Elastodynamics in Three Dimensional Kalf Space". Recent Applications in Computational Mechanics. S.C.E. 11986,

7. Near L.H., Lin w., Achellbach J.O. "Stress intensity effects for a crack near a free surface". J. Appl. Mech. vol 51 pp 65-70. 1984.

Ondas Incidentes

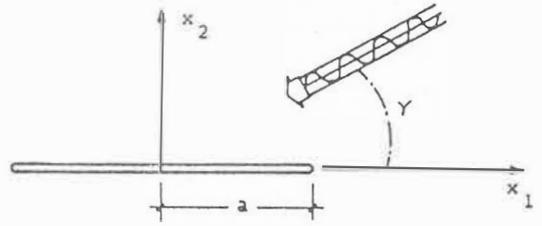


Fig.4. Ondas que inciden en una grieta.

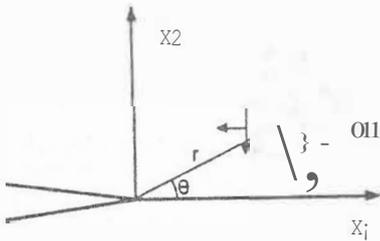


Fig. 1. Coordenadas en las inmediaciones del vértice.

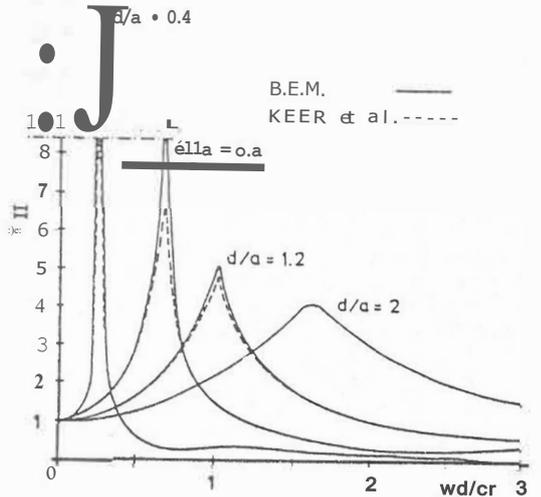


Fig.5. Factor de Intensidad de Tensión dinámico (Modo-II) para una grieta proxima a la superficie. Ondas incidentes tipo sv.

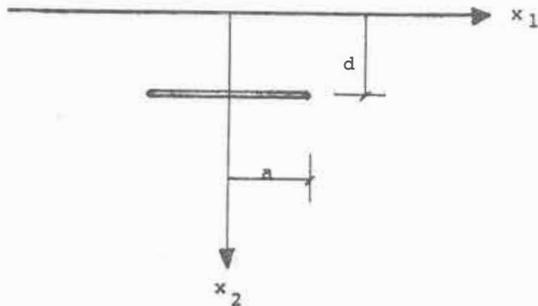


Fig.2. Grieta proxima a una superficie libre.

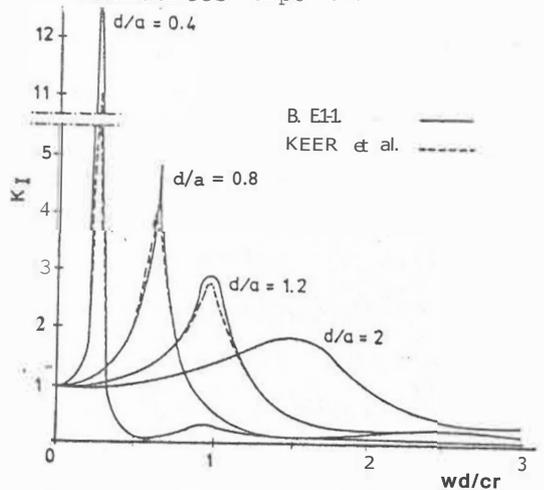


Fig.6. Factor de Intensidad de Tensión dinámico (Modo-I) para una grieta proxima a la superficie. Ondas incidentes de tipo P.

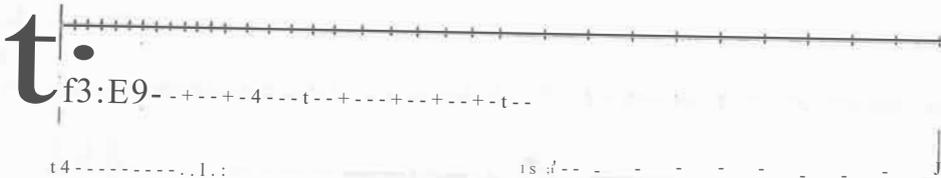


Fig.J. Discretización de una grieta proxima a una superficie libre mediante Elementos de Contorno.